

מבחן טכנולוגית מהט שאלון 99913

פרק 16 - בעיות מילוליות

תוכן העניינים

1	. הקדמה כללית
3	. בעיות תנוצה בלי אחוזים עם נעלם אחד ושניים
6	. בעיות תנוצה עם אחוזים
7	. בעיות תנוצה עם משפט פיתגורס
8	. בעיות תנוצה - מהירות מושפעת מזרמים
9	. בעיות תנוצה - מהירות ממוצעת
10	. בעיות תנוצה שונות
13	. בעיות הספק
15	. שאלות שונות
23	. בעיות תערובת

הקדמה כללית:

הגדלה:	אחוז אחד הוא מאית השלים.
בעיית תנועה:	$זמן \times מהירות = דרץ$.
בעיית הספק:	$הספק \times זמן = עבודה$.

הערות:

- אם לא צוין אחרת, המהירות בכל שאלה קבועות.
- אם לא צוין אחרת, ההספקים בכל שאלה קבועים.

שאלות:

(1) ענה על הטעיפים הבאים :

- כמה הם 20% מ-300?
- כמה הם 120% מ-300?
- מהו המספר הגדול מ-300 ב-20%?

(2) ענה על הטעיפים הבאים :

- חולצה עלתה 240 ₪ והתיקרה ב-30%. מה מחירה כעת?
- עליהם עלו 450 ₪ והוזלו ב-40%. מה מחירם כעת?

(3) מכונית נסעה ב מהירות 80 קמ''ש ואז הורידה את מהירותה ב-20%. מה מהירותה כעת?

(4) אופנווע נסע ב מהירות x ו העלה את מהירותו ב-30%. בטא באמצעות x את מהירותו כעת.

(5) צינור מלא בריכה בקצב של x ליטר בשעה. לאחר מכן ירד הספק המילולי שלו ב-20% ולבסוף עלה הספק המילולי שלו ב-30%. בטא באמצעות x את הספק המילולי שלו כעת.

תשובות סופיות:

- | | | | |
|--------|---------|--------|-----|
| ג. 360 | ב. 360 | א. 60 | (1) |
| ב. 270 | א. 312 | ט | (2) |
| | 64 | קמ''ש. | (3) |
| | $1.3x$ | | (4) |
| | $1.04x$ | | (5) |

בעיות תנועה בלי אחוזים עם נעלם אחד ושניים:

שאלות:

- 1) מכונית נוסעת מ-A ל-B ב מהירות של 90 קמ"ש. בדרך חוזרת נסעה המכונית ב מהירות של 60 קמ"ש. בסה"כ נמשכה הנסיעה הלוך וחזור 20 שעות.
 - א. כמה שעות נסעה המכונית לכל כיוון?
 - ב. מהי הדרך שעברה המכונית?

- 2) אוטובוס ומשאית יוצאים בו זמני יישובים A ו-B בהתאמה. מהירות האוטובוס היא 60 קמ"ש ומהירות המשאית היא 80 קמ"ש. האוטובוס הגיע לישוב B שעה 1-40 דקות מאוחר יותר מהזמן שנקח למשאית להגיע ליישוב A.
 - א. כמה זמן נסע האוטובוס וכמה זמן נסעה המשאית?
 - ב. מהו המרחק בין שתי הערים?

- 3) הולכת רgel יצאה לטיפול ב מהירות מסויימת. לאחר שעה וחצי יצא בעקבותיה מאותו מקום הולך רgel נוסף ב מהירות הגדולה מ מהירותה ב-5.4 קמ"ש. הולך הרgel השיג את הולכת הרgel שעה לאחר שהיא יצא לדרכו.
 - א. מהי מהירות ההליכה של הולכת הרgel?
 - ב. מהו המרחק שעברו עד שנפגשו?

- 4) שני רוכבי אופניים יוצאים בו זמני העיר'A' לעיר'B'. הרוכב הראשון נוסע ב מהירות קבועה ומגיע לעיר'B' לאחר 5 שעות. הרוכב השני נוסע משעתיים הראשונות ב מהירות הקטנה ב-2 קמ"ש מ מהירות הרוכב הראשון. לאחר מכן הוא מגביר את מהירותו ב-14 קמ"ש ומגיע לעיר'B' שעה 1-20 דקות לפני הרוכב הראשון.
 - א. באיזו מהירות נסע הרוכב הראשון?
 - ב. איזו דרך עבר הרוכב השני בכל חלק?

- 5) משאית נוסעת מרחק של 245 ק"מ בכל יום ב מהירות קבועה. يوم אחד נסעה המשאית במשך שעתיים וחצי ב מהירות הרגילה, לאחר מכן עקרה לתדלק במשך 24 דקות ואז המשיכה בנסיעה ב מהירות הגדולה ב-70 קמ"ש מ מהירותה הקודמת. המשאית הגיעה ליעדה שעה לפני השעה שהיא מגיעה בכל יום.
 - א. באיזו מהירות נוסעת המשאית בכל יום?
 - ב. כמה זמן לוקח למשאית להגיע ליעדה בכל יום?

- 6) רוכב אופניים יצא בשעה 00:06 לרכיבה בmphירות 24 קמ"ש. בשעה 00:07 יצא מאותו מקום רוכב אופנוו באותו כיוון וmphירות של 40 קמ"ש. באיזו שעה ובאיזה מרחק מנקודת היציאה ישג רוכב האופנוו את רוכב האופניים?
- 7) אוטובוס נוסע מעיר'A' לעיר'B' הרחוקה ממנו ב-800 ק"מ. לאחר שעבר האוטובוס 135 ק"מ בmphירות קבועה הוא עצר להתרענות במשך חצי שעה. לאחר מכן המשיך האוטובוס את נסיעתו mphירות הגדולה ב-43 קמ"ש mphירותו הקודמת עד לעיר'B'. סך כל הזמן שהיota האוטובוס בדרך הוא 7 שעות.
א. מה הייתה mphירות ההתחלה של האוטובוס?
ב. מה הייתה המרחק שעבר האוטובוס אחרי ההתרענות עד לעיר'B'?
- 8) המרחק בין ת"א לנצרת הוא 103 ק"מ. בשעה 00:08 יצא מכונית מנצרת לת"א mphירות 90 קמ"ש. בשעה 20:08 יצא משאית מת"א לנצרת mphירות 56 קמ"ש. באיזו שעה ייפגשו המכונית והמשאית?
- 9) משאית נסעה מדימונה לאילת, מרחק של 200 ק"מ. 50 דקות אחרת יצאה מכונית מדימונה לאילת mphירות הגובהה ב-30 קמ"ש והגעה לאילת 40 דקות לפני המשאית. מצא את mphירות המכונית.

תשובות סופיות:

- (1) א. 8 שעות הלוך ו-12 שעות חזרה
ב. 720 ק"מ.
- (2) א. אוטובוס – 6 שעות 1-40 דקות, משאית – 5 שעות.
ב. 400 ק"מ.
- (3) א. 3 קמ"ש
ב. 7.5 ק"מ.
- (4) א. 12 קמ"ש
ב. 20 ק"מ ו-40 ק"מ.
- (5) א. 50 קמ"ש
ב. 4 שעות 1-54 דקות.
- (6) א. 60,8:30 ק"מ.
ב. 665 ק"מ.
- (7) א. 90 קמ"ש
ב. 8:50.
- (8) א. 80 קמ"ש.

בעיות תנועה עם אחוחים:

שאלות:

10) מכונית נסעה ב מהירות מסוימת במשך שעתים. לאחר כך העלה את מהירותה ב-25% ונסעה עוד שעה וחצי. בסך הכל עברה המכונית 310 ק"מ. מה הייתה מהירותה ההתחלתית של המכונית?

11) מכונית נוסעת מעיר א' לעיר ב' מרחק של 480 ק"מ ב מהירות קבועה. בדרך חזרה נסעה המכונית במשך שעה ב מהירות קבועה. לאחר מכן עברה להתרענות של 36 דקות ואז הגירה את מהירותה ב-25% מ מהירותה הקודמת והגיעה בחזרה לעיר א' 24 דקות פחות מהזמן שלח לoreach לעיר ב'. באיזו מהירות נסעה המכונית מעיר א' לעיר ב'?

12) רכבת משא ורכבת נוסעים יוצאות מעיר א' לעיר ב' מרחק של 360 ק"מ. מהירות רכבת הנוסעים גדולה ב-20% מ מהירות רכבת המשא. רכבת הנוסעים התעכבה 40 דקות בתחנה, ולכן יצא באחור מתחנה של עיר א'. עם זאת היא הגיעה לעיר ב' 20 דקות לפני רכבת המשא.
 א. מה הן מהירותי של שתי הרכבות?
 ב. כמה זמן נסעה רכבת הנוסעים מעיר א' לעיר ב'?

13) מכונית ומונית נוסעות מנקודה A לנקודה B. המכונית נוסעת ב מהירות קבועה ומגיעת לנקודה B כעבור 4 שעות. המונית נוסעת במשך 3 שעות מהירות הקטנה ב-10 קמ"ש מ מהירות המכונית ולאחר מכן מגירה את מהירותה ב-50% ומגיעת לנקודה B יחד עם המכונית.
 א. מהי מהירות המכונית?
 ב. מהו המרחק בין נקודה A לנקודה B?

תשובות סופיות:

10) 80 קמ"ש.

11) 80 קמ"ש.

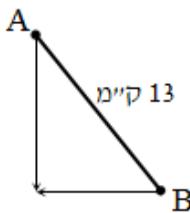
12) א. 60 קמ"ש, 72 קמ"ש.
 ב. 5 שעות.

13) א. 90 קמ"ש.
 ב. 360 ק"מ.

בעיות תנועה עם משפט פיתגורס:

שאלות:

- 14) שתי מכוניות יצאו מהעיר, האחת לכיוון מזרח והשנייה לכיוון צפון.
 לאחר שלוש שעות המרחק בין שתי המכוניות היה 300 ק"מ.
 מהירות מכונית אחת גודלה ב-20 קמ"ש ממהירות המכונית השנייה.
 א. מהן המהירויות של שתי המכוניות?
 ב. מה הייתה המרחק של כל מכונית מהעיר לאחר שלוש שעות?



- 15) שני הולכי רגל יוצאים משני יישובים A ו-B המרוחקים זה מזה 13 ק"מ. היישוב A ממוקם בצפון מערב בייחס ליישוב B כמתואר באיזור ממול.
 הולך הרجل מישוב A הולך דרומה והולך הרجل מישוב B הולך מערבה. הולך הרجل מישוב A יוצא שעתיים לפני הולך הרجل השני. לאחר שלוש שעות מיציאתו נפגשו שני הולכי הרجل.
 מהירות הולך הרجل מישוב B גודלה ב-25% ממהירות הולך הרجل השני.
 באיזו מהירות הולך כל אחד משני הולכי הרجل?

- 16) רוכב אופניו יצא מביתו מזרחה במהירות מסוימת ונסע במשך חצי שעה.
 לאחר מכן, פנה צפונה, הגידיל את מהירותו ב-20% ונסע כך שעה נוספת.
 לאחר שעה זו פנה חזרה לכיוון ביתו, העלה את מהירותו ל-65 קמ"ש ונסע (בקו ישר) עד שהגיע לחזרה לביתו.
 א. מצא את מהירותו של רוכב האופנו ביציאה מביתו אם ידוע שעבר בסך הכל 150 ק"מ.
 ב. מה הייתה מהירותו הממוצעת של רוכב האופנו (בכל חלקי הדרך)?

תשובות סופיות:

- (14) א. 60 קמ"ש ו-80 קמ"ש. ב. 180 ק"מ ו-240 ק"מ.
 (15) 4 קמ"ש ו-5 קמ"ש.
 (16) א. 50 קמ"ש. ב. 60 קמ"ש.

בעיות תנועה – מהירות מושפעת מזרמיים:

שאלות:

- 17) סירה שטה בנהר שבו מהירות הזרם היא 3 קמ''ש עם כיוון זרם המים. לאחר חצי שעה החליטו אנשי הסירה לשנות את כיוונם וחורו במשך שעתיים לנקודת המוצא שלהם. מהירות הסירה במים עומדים קבועה במשך כל השיט.
- א. מצא את מהירות הסירה.
 - ב. מהו המרחק הכללי שטטה הסירה?

תשובות סופיות:

- ב. 8 ק''מ. א. 5 קמ''ש

בעיות תנוצה – מהירות ממוצעת:

שאלות:

18) מכוניות נסעה 3 שעות ב מהירות קבועה של 140 קמ"ש ולאחר מכן במשך שעתים נוספת ב מהירות קבועה של 100 קמ"ש.

א. מה סך הדרכ שעbara המכונית?

ב. מהי המהירות ממוצעת של המכונית?

19) מכוניות נסעה 4 שעות ב מהירות של 130 קמ"ש ולאחר מכן מספֶר שעות נוספות ב מהירות של 70 קמ"ש. ידוע כי מהירותה ממוצעת היא 110 קמ"ש. כמה שעות נסעה המכונית ב מהירות של 70 קמ"ש?

20) אופנווע עבר מרחק של 200 ק"מ ב מהירות מסוימת. לאחר מכן מאייז האופנווע ומגדיל את מהירותו ב -40%. הוא נסע ב מהירות זו ו עבר מרחק של 280 ק"מ. מהירות ממוצעת של האופנווע היא 96 קמ"ש.

א. כמה זמן נסע האופנווע?

ב. באיזו מהירות התחיל האופנווע את נסיעתו?

תשובות סופיות:

18) א. 620 ק"מ.
ב. 124 קמ"ש.

19) שעתיים.

20) א. 5 שעות.
ב. 80 קמ"ש.

בעיות תנוצה שונות:

שאלות:

21) המרחק בין ת"א לקריית שמונה הוא 180 ק"מ. שני רוכבי אופניים יצאו בו זמנית, האחד מת"א לקריית שמונה והשני מקריית שמונה לת"א. כעבור 45 דקות הרוכבים עדיין לא נפגשו והמרחק ביןיהם היה 52.5 ק"מ. רוכב האופניים שיצא מת"א הגיע לעידן 15 דקות לפני שהרוכב השני הגיע לעידן.
מצא את מהירותם רוכבי האופניים.

22) רכבת נוסעת בקו ת"א – ב"ש במשך שעה ורביע.
יום אחד, לאחר חצי שעת נסיעה, הייתה תקלת ברכבת והוא נאלץ לעזור ל-10 דקות עד שהתקלה תוקנה. כדי לנסوت ולהגיע ליעדה בזמן העתה את מהירותה ב-10 קמ"ש בהמשך הדרך והגעה ליעדה באיחור קל של 5 דקות בלבד. מצא את מהירות הרכבת.

23) אדם הולך רגל מביתו למקום העבודה שלו ב מהירות מסוימת.
יום אחד יצא מביתו מאוחר מאוד ולכון נאלץ להגביר את מהירותו ההליכה שלו ב-3 קמ"ש. הוא הגיע לעבודה בזמן והדרך ארוכה מhalbזון שבדרך כלל היא אורךת. מצא את מהירות ההליכה של האדם (בשגרה).

24) שני הולכי רגל הולכים זה לכיוון זה, האחד מנקודה A לנקודה B והשני מנקודה B לנקודה A הם נפגשים כעבור חצי שעה וממשיכים ליעדם.
הולך הרגל הראשון הגיע לנקודה B 25 דקות לפני שהולך הרגל השני הגיע לנקודה A. מצא את היחס בין מהירותי הולכי הרגל.

25) היישובים A ו-B נמצאים על גדת נהר בעל זרם קבוע.
יום אחד, יצא ספינה מיישוב A ליישוב B ב מהירות מסוימת.
שעה לאחר מכן יצא הספינה שנייה מיישוב B ליישוב A וכעבור שעתיים פגשה את הספינה הראשונית. הספינות המשיכו לעידן וחזרו חזרה ליישוב המוצא באותו יום. לאחר מכן, שוב יצא הספינה מיישוב A ליישוב B אך ב מהירות כפולה מביהם הקודם. הספינה מישוב B יצא גם היא ב מהירות כפולה לכיוון היישוב A אך הפעם רק חצי שעה אחרי שיצאה הספינה הראשונית. כעבור שעה עוד לא פגשה את הספינה הראשונית אך הייתה במרחק של שני ק"מ ממנה.
מצא את עוצמת הזרם אם ידוע שכיוונו מיישוב A ליישוב B.

26) שלושה רוכבי אופנו יצאו מירשלים לאילת ונסעו דרך עין גדי. המרחק בין עין גדי לאילת הוא 240 ק"מ. שלושת הרוכבים יצאו מירשלים בהפרש זמן קבועים והגיעו לעין גדי באותו זמן. הרוכב שיצא ראשון הגיע לאילת שעה אחרי הרוכב השני. הרוכב שיצא שלישי הגיע לאילת ומיד פנה חזרה ופגש את הרוכב הראשון במרחק 80 ק"מ מיאילת. מצא את מהירותם הרוכבי האופנו.

27) מכונית ואופנו יצאו באותו זמן מנקודה A לנקודה B. כשהואופנו היה במרכז הדרכן הייתה המכונית במרחק 16 ק"מ מנקודה B. כשהואופנו היה במרחק 6 ק"מ מנקודה B הייתה המכונית במרחק 12 ק"מ מנקודה B.

- א. מצא את המרחק בין הנקודות A לנקודה B.
- ב. פי כמה גדולה מהירות האופנו ממהירות המכונית?

28) דן ורן עורכים מרוץ לאורך מסלול של 10 ק"מ. מהירותו של דן גדולה ב-5 קמ"ש ממהירותו של רן. שניהם יצאו למרוץ באותו זמן ודן הגיע לקו הסיום יותר מ-20 דקות לפני רן. מהו תחום המספרים בו נמצאת מהירותו של רן?

29) רכבת נוסעת בקו ת"א – ב"ש במשך שעה ורבע. يوم אחד, לאחר חצי ساعת נסיעה, הייתה תקלה ברכבת והיא נאלצה לעצור ל-10 דקות עד שהתקלה תוקנה. כדי לנסות ולהגיע ליעדה בזמן העלתה את מהירותה ב-10 קמ"ש בהמשך הדרכן והגעה ליעדה באיחור קל שלא עולה על 5 דקות (שים לב – הרכבת הגיעה באיחור, אך איחור זה לא עולה על 5 דקות). מצא את תחום המספרים בו נמצאת מהירות הרכבת.

30) שלושה חברים הלכו מבית הספר לספורטק בהליכה מהירה. מהירותו של הראשון הייתה גדולה ב-8 קמ"ש ממהירותו של השני וב- m קמ"ש ממהירותו של השלישי, וכך, הגיע הראשון m שעות לפני השני ושבתיים לפני השלישי.

- א. הבע באמצעות m את מהירותו וזמן הליכתו של החבר הראשון.
- ב. לאלו ערכים של m יש לבעה פתרון?

תשובות סופיות:

. (21) 90 קמ''ש, 80 קמ''ש.

(22) 80 קמ''ש.

(23) 3 קמ''ש.

.1.5 (24

. (25) 4 קמ''ש.

. (26) 60 קמ''ש, 80 קמ''ש, 120 קמ''ש.

.1.5 ב.

. (27) א. 24 ק''מ

. (28) 10 קמ''ש $x < 0$ קמ''ש.

. (29) 80 קמ''ש $x < 35$ קמ''ש.

$$\text{. } 4 < m < 8 \text{ . ב} \quad t = \frac{2m(8-m)}{m^2 - 16}, v = \frac{8m(m-2)}{m^2 - 16} \text{ . נ (30)}$$

בעיות הספק:

שאלות:

- 1)** טבח ה cyn פנקיקים בקצב קבוע במשך שעתיים. אחר כך העלה את קצב העבודה ב-25% וה cyn פנקיקים עוד שעה וחצי בקצב החדש. בסך הכל ה cyn הטבח 310 פנקיקים. כמה פנקיקים בשעה ה cyn הטבח בשעתים הראשונות לעבודתו?
- 2)** צינור מלא ברינה בקצב קבוע. לאחר שעתיים נפתח צינור נוסף הממלא את הברינה בקצב של 25% מהצינור הראשון. לאחר עוד שעה וחצי התמלאה הברינה לאחר שנכנסו אליה בסה"כ 310 ליטר מים. כמה ליטרים לשעה מכניס הצינור הראשון לבירה?
- 3)** צינור א' מלא ברינה בשלוש שעות. צינור ב' מלא את אותה ברינה בשעתים. שני הצינורות נפתחו יחדיו בשעה 00:10. באיזו שעה תהיה הברינה מלאה?
- 4)** קבועת פועלים סללה כביש. את השלישי הראשו של הכביש סללו בקצב של 10 מטר ביום. את השלישי השני של הכביש סללו בקצב גדול ב-15 מטר ביום מהקצב בו סללו את השלישי השלישי של הכביש. זמן סלילת השלישי הראשו היה שווה לזמן סלילת שאר הכביש. מצא את קצב סלילת השלישי האחרון של הכביש.
- 5)** למיכל שני ברזים, ברז א' מלא אותו וברז ב' מרוקן אותו. יום אחד כאשר במיכל היו 20% מנפח הקיבול שלו, נפתחו בעთות את שני הברזים בו זמנייה והמיכל הת록ן תוך 6 דקות. מצא כמה זמן מלא ברז א' לבדוק את המיכל כשהוא ריק אם ידוע שזמן זה ארוך ב-5 דקות מהזמןדרוש לברז ב' לרוקן את המיכל כשהוא מלא.
- 6)** שתי קבועות של חקלאים אספו מיליון משדה. תחילת, עבדה רק הקבוצה המהירה יותר ואספה מיליון ושליש מהשדה. אחר כך, עבדה רק הקבוצה האיטית יותר ואספה מיליון נוסף שישית מהשדה. לבסוף, הצטרפה הקבוצה המהירה לעבודה ויחד אספו מיליון במסך 9 ימים נוספים. מתחילה איסוף המילונים ועד סיומו עברו 29 ימים. מצא כמה ימים יכולה הייתה הקבוצה המהירה לאסוף את המילונים מכל השדה לו עבדה לבדה.

- 7) מורה שברשותו היו מבחני המתמטיקה של כל השכבה, 224 במספר, תכנן לבדוק אותם תוך מספר ימים מסוימים. הוא התחיל בעבודתו ואחרי 6 ימי עבודה, קיבל לידיו עוד 7 מבחנים שנשכחו בבית הספר וקיבל הודעה כי עליו להחזיר את הבוחנות 3 ימים לפני המועד שתכנן. הוא חישב וגילה שכדי לעמוד בידע עליו לבדוק עוד 11 מבחנים בכל יום. בכמה ימים תכנן המורה לסיים את בדיקת המבחנים?
- 8) למיכל שנפחו 300 ליטר יש שני ברזים: ברז אחד למילוי והשני להרקה. מילוי המיכל (כשהוא ריק) אורך 8 דקות יותר מריקונו המיכל (כשהוא מלא). يوم אחד, כשהמיכל היה מלא, פתחו בטעות את שני הברזים והמיכל התרוקן בפחות מחצי שעה. באיזה תחום מספרי נמצאת כמות המים הנכנסת למיכל בדקה מברז המילוי?
- 9) שני פועלים תכננו לבצע עבודה מסוימת כך שהראשון יעבד 8 ימים ואחריו השני יעבד 6 ימים. אולם, 4 ימים אחורי תחילת העבודה חלה הפועל הראשוני והפסיק לעבוד והפועל השני נאלץ לעבוד m ימים לבדו וגם אז הסתיימה רק 75% מהעבודה.
 א. הבע באמצעות m את הזמן שבו כל פועל היה מסיים את העבודה.
 לו עבד לבדו.
 ב. לאלו ערכיים של m יש לבעה פתרון?

תשובות סופיות:

- (1) 80 פנקיקים.
- (2) 80 ליטרים לשעה.
- (3) 11:12
- (4) 15 מטרים ליום.
- (5) 15 דקות.
- (6) 24 ימים.
- (7) 14 ימים.
- (8) בין 15 ליטרים ל-37.5 ליטרים.
- (9) א. $\frac{16(m-3)}{2m-9}$, $4m-12$
 ב. $3 > m$

שאלות שונות:

שאלות:

בעיות תנועה:

- 1) בשעה 00:08 בבוקר יצא הולך רגל מקיבוץ לכיוון חיפה. באותו שעה יצא רוכב קטנווע מהיפה לאוטו הקיבוץ. שניהם נעו באותו כביש ומהירותיהם לא השתנו בזמן התנועה. מהירות רוכב הקטנווע הייתה גזולה ב-12 קמ"ש מזו של הולך הרגל. 50 דקות לאחר השעה 00:08 הולך הרגל ורוכב הקטנווע טרם נפגשו ויידוע כי המרחק ביניהם היה 16 ק"מ. 30 דקות לאחר פגישתם הגיע רוכב הקטנווע לקיבוץ. מצא את מהירות הולך הרגל ואת המרחק בין הקיבוץ לעיר חיפה.

- 2) סירה מנוע נעה בין שתי נקודות ציון. הסירה עוברת את המרחק שבין הנקודות הולך ושוב במשך 14 דקות. המרחק בין שתי נקודות הציון הוא 48 ק"מ. ידוע כי באותו הזמן שעוברת הסירה מרחק של 4 ק"מ עם הזרם היא עוברת רק 3 ק"מ נגד הזרם. מהי מהירות זרם המים בנهر ומהי מהירות הסירה במים עומדים?

- 3) אוטובוס יוצא לדרך שאורכה 500 ק"מ, ומהירותו קבועה. אחראית נסיעה של שעתיים, הקטין נהג האוטובוס את מהירותו, ולכן אחר שעיה אחת בדיק. לו היה נושא הנהג ב מהירות הנמוכה לאורך כל הדרך מהר ליעדו בשעה ארבעים דקות. מצא את מהירותו הרגילה של האוטובוס.

- 4) שני רוכבי אופניים יצאו בבת אחת זה לקרהת זה ממקומות A ו-B, האחד מ-A ל-B והשני מ-B ל-A. הם נפגשו בדרך וכל אחד מהם המשיך לנوع ליעד בלי להתעכב. רוכב האופניים מ-A הגיע ל-B 4 שעות לאחר הפגישה, ואילו רוכב האופניים מ-B הגיע ל-A 9 שעות לאחר הפגישה. מהירות רוכבי האופניים לא השתנו בשעות התנועה. כמה שעות עבר כל אחד מרכבי האופניים את המרחק בין המיקומות A ו-B.

- 5) במרathon ספורט מددו שני ספורטאים את אורך של מסלול ריצה. כשהם יוצאים משני קצוותיו, זה לקרהת זה. לאחר שעמדו כל אחד 50 צעדים, נשאר ביניהם מרחק של 17 מטרים. כל צעד של הספורטאי הראשון היה קצר ב-10 ס"מ מצמדו של הספורטאי השני. את המסלול כולו עבר הספורטאי הראשון ב-24 צעדים יותר מאשר הספורטאי השני. הצעדים של כל אחד מהספורטאים לא השתנו באורכם במשך המידידה. מהו אורך מסלול הריצה?

- 6) המרחק מקיבוץ לחיפה הוא 40 ק"מ. בשעה 7 בבוקר יצא טנדר ובו דברי דואר מן הקיבוץ לחיפה. כעבור 20 דקות יצא אחריו מכונית מן הקיבוץ במהירות של 45 קמ"ש כדי להוסיף את החבילה על דברי הדואר. היא הדביקה את הטנدر וחזרה מיד לקיבוץ. ברגע שעברה את מחצית הדרך ממוקם הפגישה עם הטנدر לקיבוץ, הגיע הטנדר לחיפה. מהירות הטנדר ומהירות המכונית לא השתנו בזמן הנסיעה. מצא את מהירות הטנدر.
- 7) שני תיירים יצאו ביחד מ-A ל-B. התייר הראשון לא התעכבר בדרכו והגיע ל-B לאחר $\frac{1}{4}$ 2 שעות. התייר השני, לאחר שעבר $\frac{1}{6}$ מהדרך, חזר ל-A שהה שם 15 דקות ולאחר מכן הגיע ל-B. שני התיירים הגיעו ל-B באותו זמן. התייר השני עבר כל קילומטר 4 דקות פחות מהתייר הראשון. מהירות ההליכה של שני התיירים לא השתנתה בעת ההליכה. מצא את מהירותו (בקמ"ש) של כל אחד מהתיירים.
- 8) על שפת הנהר נמצאות שלוש תחנות של ספינות דיג: A, B ו-C. התחנה B נמצאת בין A ל-C, למרחק 12 ק"מ מ-C. כיוון זרם המים בנהר הוא מ-A ל-C. ספינת דיג שלה מנוע קטן עוברת את הדרך מ-A ל-C ב-4 שעות ואת הדרך מ-C ל-A ב-6 שעות. ספינת הדיג שלה מנוע גדול, שמהירותה גדולה פי 3 מהירות הספינה עם המנוע הקטן, עוברת את הדרך מ-B ל-C ב-45 דקות. מצא את מהירות זרם המים בנהר.
- 9) שלושה כלי רכב יצאו זה אחר זה בבוקר אחד מTEL אביב לאילת. אופניים יצאו בשעה 00:00, מכונית משא ב-00:08 ומכונית ב-00:24 (24 דקות אחרי השעה 00:08). מהירותו של המשא היו קבועות והוא היו סדרה חשבונית. המוניות הדביקה את רוכב האופניים חצי שעה לאחר שהדביקה את מכונית המשא, ומכונית המשא הדביקה את רוכב האופניים במרחק 180 ק"מ מTEL אביב. שלושת כלי הרכב נעו כולם באותו מסלול. מצא את מהירות כל הרכב.
- 10) משאית יצאה מTEL אביב למחנה צבאי בדרכים. אחראית יצא אוטובוס במהירות הגדולה ב-12 קמ"ש מהירותה, והוא הגיע למחנה באותו הזמן שהוא הגיעה. שעתיים וחצי לפני הגיעו למחנה, וכשהאוטובוס היה כבר בנסיעה, יצא لكمראתם מן המחנה רוכב אופניים שמהירותו גדולה פי 2 מהירות המשאית. הוא פגש את המשאית 10 דקות לפני שפגש את האוטובוס. כל כלי הרכב נסעו באותו כביש, ומהירותו של המשאית לא השתנו בזמן הנסעה. מצא את מהירותה של המשאית.

11) המרחק בין עיר A לעיר B הוא 300 ק"מ. משאית יצאה מעיר A ונסעה ב מהירות קבועה של V קמ"ש לכיוון עיר B. בדרך חזרה הגדילה המשאית את מהירותה ב- U קמ"ש, כלומר נסעה ב מהירות של $V+U$ קמ"ש. ידוע שה מהירות המומוצעת של המשאית **בכל דרכה** (ה雒ק וחזור), הייתה 60 קמ"ש. אילו המשאית הייתה חזרת מעיר B לעיר A ב מהירות $V-U$ קמ"ש, אזי המהירות המומוצעת בכל הדרכ (ה雒ק וחזור) הייתה רק $\frac{100}{3}$ קמ"ש. חשב את מהירותות V ו- U .

12) המרחק בין הנקודות A ו- B הוא 64 ק"מ. רוכב אופניים יצא מנקודה A לכיוון נקודה B ונסע ב מהירות קבועה 40. דקות לאחר שיצא לדרך, יצא מנקודה A לכיוון נקודה B רוכב קטנו שנסע ב מהירות קבועה של 36 קמ"ש. רוכב הקטנו הבדיקה את רוכב האופניים בנקודה C ומיד הסתובב וחזר על עקבותיו באותה מהירות לנקודה A. רוכב האופניים שהמשיך בנסייתו בili עיכובים, הגיע לנקודה B ברגע שהקטנו עבר את מחצית הדרך מ- C ל- A. מצא את מהירות רוכב האופניים.

13) הזמן הדרוש לגוף ראשון לעبور 160 ק"מ ארוך ב- 5 שעות מן הזמן הדרוש לגוף שני לעبور 90 ק"מ. מהירות הגוף הראשון גדולה ב- m קמ"ש מ מהירות הגוף השני ($m > 0$).

- א. בטא באמצעות m את מהירות הגוף השני.
- ב. מצא אילו ערכיהם של m יקבלו מהירות הגוף ערכיהם חיוביים בלבד.

14) שני כלי רכב יצאו מנקודה A בו זמנית בשעה 00:07 בבוקר ונסעו לנקודה B, לפגישה שתוכננה להתקיים בשעה 00:10 בבוקר. הרכב הראשון הגיע לפגישה בזמן והרכב השני שנסע ב מהירות הקטנה ב- 16 קמ"ש מ מהירות הרכב הראשון הגיע לפגישה 48 דקות מאוחר יותר. מצא את המרחק בין הנקודות A ו- B וחשב את מהירות של כל אחד מ כלי הרכב.

15) המרחק בין A ל- B הוא 360 ק"מ. נהג משאית תכנן לעبور את כל הדרכ M- A ל- B ב מהירות קבועה של x קמ"ש. לאחר שעבר $\frac{1}{4}$ מהדרך הגיע הנהג את מהירותו ל- $(x+15)$ קמ"ש, ולכן הגיע לנקודה B שעה וחצי לפני המועד המתוכנן. חשב את x .

16) המרחק בין הנקודות A ל- B בנهر הוא x ק"מ. הנהר זורם מ-A ל- B במהירות של 6 קמ"ש. אדם שט מ-A ל- B ו חוזרת מ- B ל- A. סך כל הזמן שארך השיט היה 8 שעות. אלו לא היה זורם בנهر, האדם היה שט את הדרך הלאז ושוב בזמן של 6 שעות. מה המרחק בין שתי הנקודות A ו- B ($x = ?$), ומה הייתה מהירות זורם הנהר?

17) המרחק בין שתי ערים הוא 450 ק"מ. משאית יצאה לדרכה מעיר אחת לשניתה. לאחר שנסעה ב מהירות קבועה במשך שעתים, נאלצה להתעכב במשך 40 דקות בגלל תקלת. לאחר תיקון התקלה המשיכה המשאית מיד בדרכה, אך ב מהירות קבועה הגדולה ב-5 ק"מ לשעה מ מהירותה הקודמת. המשאית הגיעה לעיר השניתה 25 דקות לאחר הזמן שתוכן מראש מה הייתה מהירות המשאית לפני התקלה?

18) רכבת מסה נסעת מיידי يوم ב מהירות קבועה מתחנה A לתחנה B. המרחק בין A ל- B הוא 180 ק"מ. יום אחד, אחרי שעבירה $\frac{1}{3}$ מהדרך, עצרה הרכבת עצירה לא מתוכננת מראש במשך 30 דקות. כדי שהרכבת תספק להגיע ל- B על פי לוח הזמנים המקורי, היה צריך להגבר את מהירותה לאחר העצירה ב-20 קמ"ש. מצא את מהירות הרגילה של הרכבת.

19) בין הנקודות A ו- B מובילות שתי דרכים. הדרך הראשונה אורכה 60 ק"מ, והדרך השנייה ארוכה ממנה ב-20%. רוכב קטנווע נסע מ- A ל- B בדרך הקצרה ב מהירות קבועה, וחזר בדרך הארוכה ב מהירות קבועה, הגדולה ב-6 קמ"ש מ מהירותו הראשונה. זמן הנסיעה בחזרה (מ- B ל- A) היה ארוך ב-5 דקות מזמן הנסעה מ- A ל- B. מצא את מהירות שבת נסע רוכב הקטנווע בכל כיוון ואת זמן הנסעה (הלאז ושוב).

20) רוכב אופניים עבר בדרך כלל את המרחק בין A ל- B ב מהירות קבועה במשך 5 שעות ו-20 דקות. באחד הימים יצא רוכב האופניים מ- A ו עבר $\frac{3}{4}$ של הדרך ב מהירות הגדולה ב-10 קמ"ש מ מהירותו הרגילה, ולכז התעיף ואת שאר הדרך עבר ב מהירות קטנה ב-15 קמ"ש מ מהירותו הרגילה. ביום זה הוא הגיע ל- B לאחר 5 שעות ו-40 דקות לאחר שיצא מ- A.
 א. מהי מהירותו הרגילה של רוכב האופניים?
 ב. מהו המרחק בין A ל- B?

(21) המרחק בין שתי ערים א' ו-ב' הוא 126 ק"מ. שני רוכבי אופניים, שייצאו בו זמןigt, האחד מעיר א' והשני מעיר ב', ונסעו זה לקרהז זה במהירותות קבועות, נפגשו אחרי שלוש שעות. הרוכב שיצא מעיר א' עבר את כל הדרך עד לעיר ב' בשעה 1-45 דקות פחות מהרוכב שיצא מעיר ב' לעיר א'.
מצא את מהירותות של כל אחד מרכיבים האופניים.

(22) מ- A ל- C יש שתי דרכי. הדרך הראשונה היא הדרך המשורית AC, שאורךה 24 ק"מ. הדרך השנייה מתחילה בעלייה AB של 8 ק"מ, ואחרי'C ירידת BC של 18 ק"מ. מהירותו של רוכב אופניים במישור היא x קמ"ש, בעלייה מהירותו ($4-x$) קמ"ש, ובירידה מהירותו ($6+x$) קמ"ש. ידוע שאם רוכב האופניים יבחר לנסוע מ- A ל- C בדרך הראשונה או בדרך השנייה, הזמן הנסעה יהיה זהה. חשב את x (כמה פתרונות לבעה?).

(23) מוניות נסעה מעיר א' לעיר ב' בכביש ראשי ב מהירות קבועה. בדרך חוזרת נסעה המונית בדרך עפר הקצרה ב-40% מהכביש, אך מהירותה פרחתה ב-20%.
א. בכמה אחוזים התקצר או התארך זמן הנסעה בדרך חוזרת (לעומת הנסעה בכיוון הראשוני)?
ב. מה הייתה מהירות המונית בכיוון השעון, אם ידוע שאורך הכביש היה 360 ק"מ, זמן הנסעה בחזרה התקצר בשעה?

בעיות הספק:

(24) כתוב יד נמסר להדפסה לשתי כתבניות. הכתבנית השנייה ניגשה לעבודה שעתיים אחרי הראשונה 6 שעות לאחר שהכתבנית הראשונה ניגשה לעבודה סיימו שתיהן יחד את ההדפסה של 60% מכתב היד. הן המשיכו בהדפסה וסיימו אותה יחד. לאחר סיום העבודה התבגרה הכתבנית הראשונה ביצהעה $\frac{3}{10}$ מן העבודה. קצב העבודה של הכתבניות לא השתנה במשך העבודה.
בכמה שעות הייתה כל אחת מהכתבניות יכולה לבצע את העבודה לבדה?

(25) בבריכה שני פתחים: פתח אחד גדול ופתח שני קטן יותר. אם מכניםים לבריכה הריקה מים רק דרך הפתח הקטן במשך 6 שעות, ולאחר מכן במשך שעתיים ו-12 דקות מכניםים מים דרך שני הפתחים יחד, הבריכה מתמלאת כולה. כמו כן ידוע, שאם מכניםים לבריכה הריקה מים רק דרך הפתח הגדול במשך 3 שעות ולאחר מכן ממשיכים להכניס מים דרך דרך זה במשך 9 שעות, אך בו בזמן מוציאים מים דרך הפתח הקטן, הבריכה יכולה מתמלאת במים.
מצא בכמה שעות תמלאה הבריכה, אם יכניסו מים רק דרך הפתח הקטן.

26) שני פועלים קיבלו על עצמם לבצע עבודה מסוימת. ביום הראשון התחיל הפועל הראשון לעבוד לבדו. הפועל השני עבד במשך 3 שעות, ואז הפסיק האילו הפועל השני.עבור 6 שעות נוספות משותפות של שני הפועלים, התברר שהם סיממו 55% מהעבודה. ביום השני עבדו הפועלים יחדיו עד שסיממו את כל העבודה. לאחר סיום העבודה, התברר שככל אחד מהפועלים ביצע בדיקות מחצית מהעבודה. בכמה שעות היו שני הפועלים מסיימים את כל העבודה אלו עבדו כל הזמן בלבד?

27) שני צינורות מלאים מיכל כשהם פתוחים ביחד במשך 6 שעות. يوم אחד, כשהמיכל היה ריק, פתחו רק את הצינור הראשון במשך הזמן שлокח לצינור השני למלא מחצית מיכל. סגרו את הצינור הראשון ופתחו רק את הצינור השני במשך הזמן שлокח לצינור הראשון למלא שליש מיכל.
 $\frac{5}{6}$ כתוצאה לכך התמלאו בסך הכל מיכל.

מצא בכמה שעות יכול כל אחד מהצינורות למלא לבד מיכל ריק.

28) על שתי קבוצות פועלים הוטל לסלול כביש בין הערים A ו-B. במשך 36 הימים הראשונים עבדו הקבוצות נפרדים. תחילת העבודה רק הקבוצה הראשונה וסלהה $\frac{1}{4}$ מהכביש. לאחר מכן הפסיקה הקבוצה הראשונה את העבודה, ורק הקבוצה השנייה המשיכה לעבוד במשך 12 ימים. הנטה הקבוצות לא השתנה במשך כל ימי העבודה. בכמה ימים הייתה יכולה כל הקבוצה לסלול את הכביש לבדה? כמה פתרונות לבעיה?

29) שתי קבוצות פועלים עבדו בסילילת כביש משנה קצרה. הקבוצה השנייה סלהה בכל יום 5 מטר יותר מאשר הקבוצה הראשונה, ועבדה בסך הכל 2 ימים יותר מהקבוצה הראשונה. ידוע שהקבוצה הראשונה סלהה $16a$ מטרים ועוד שהקבוצה השנייה סלהה $36a$ מטרים (a פרמטר חיובי). קצב העבודה של שתי הקבוצות נשאר קבוע בכל זמן הסלילה. סמן $b - a$ את מספר המטרים שסלהה הקבוצה הראשונה בכל יום, ומצא לאלו ערכים של הפרמטר a יקבל x ערכים חיוביים בלבד.

תשובות סופיות:

- (1) מהירות הולך הרגל היא 6 קמ"ש.
המרחק בין הקיבוץ לעיר חיפה הוא 36 ק"מ.
- (2) מהירות הזרם היא 1 קמ"ש. מהירות הסירה במים עומדים היא 7 קמ"ש.
- (3) 100 קמ"ש.
- (4) הרוכב הראשון ב-10 שניות והרוכב השני ב-15 שניות.
- (5) 72 מטרים.
- (6) 30 קמ"ש.
- (7) מהירות התயיר הראשון : 5 קמ"ש, מהירות התயיר השני : 7.5 קמ"ש.
- (8) 1 קמ"ש.
- (9) 45 קמ"ש, 60 קמ"ש, 75 קמ"ש.
- (10) 36 קמ"ש.
- (11) 25 קמ"ש = U , 50 קמ"ש = U .
- (12) 24 קמ"ש.
- ב. $0 < m \leq 2$ א. $\frac{14 - m \pm \sqrt{m^2 - 100m + 196}}{2}$ (13)
- (14) 228 ק"מ, 76 קמ"ש, 60 קמ"ש.
- (15) 45 קמ"ש.
- (16) 36 ק"מ, 12 קמ"ש.
- (17) 75 קמ"ש.
- (18) 1 קמ"ש.
- (19) הלוך 90 קמ"ש וחזור 96 קמ"ש. זמן כולל 85 דקות.
או: הלוך : 48 קמ"ש וחזור 54 קמ"ש. זמן כולל 155 דקות.
- ב. 160 ק"מ א. 30 קמ"ש. (20)
- 24 קמ"ש, 18 קמ"ש. (21)
- או 12 קמ"ש. (22)

.25% א. **(23)**

.**(24)** הכתובנית הראשונה ב-30 שעות, הכתובנית השנייה ב-10 שעות.

.**(25)** 9 שעות.

.**(26)** $13\frac{1}{3}$ שעות.

.**(27)** הציינור הראשון ב-15 שעות והציינור השני ב-10 שעות

.או הציינור הראשון ב-12 שעות והציינור השני ב-12 שעות.

.**(28)** הקבוצה הראשונה : 48 ימים והקבוצה השנייה : 72 ימים

.או הקבוצה הראשונה : 86.4 והקבוצה השנייה : 43.2 ימים.

. $a \geq 2.5$ **(29)**

בעיות תערובת:

סיכום כללי:

ריכוז:

החלק היחסית של נפח הנוזל בתמיסה מסוימת מתווך סך נפח הנוזלים.
למשל, Tamisa של 50 ליטרים, המכילה כוהל בריכוז של 70% מורכבת מ:
 - 70% כוהל שהם : $35 \text{ ליטרים} = \frac{70}{100} \cdot 50$.
 - 30% מים שהם : $15 \text{ ליטרים} = \frac{30}{100} \cdot 50$.

אופן הפתרון של שאלה מילולית בתערובת זהה לשאלות מילוליות כלליות:

- קוראים את השאלה.
- מגדירים את הנעלם (או נעלמים).
- מחברים משווהה (או משווהות) על בסיס נתוני השאלה.
- פותרים את המשווהות ובודקים את נכונות הפתרון.
- רושמים תשובה מילולית סופית.

שאלות:

- 1)** מי הים באילת מכילים 4%מלחים, ואילו מי ים המלח מכילים 24%מלחים. מערבבים מי ים אילת עם מי ים-המלח, מוסיפים עוד 30 ליטר מים מזוקקים, ומקבלים 80 ליטר תערובת, המכילה 5%מלחים. כמה ליטרים מים מכל אחד מהימים הנ"ל נמצאים בתערובת?
- 2)** כמות מסויימת של חומצת מלח ברכיבוז של 90%עורבבה בכמות חומצת מלח הקטינה ממנה ב- 20 ליטר ובריבcouz 30%. לאחר מכן אויידו מהתערובת 15 ליטרים של מים טהורים ונתקבלה חומצת מלח ברכיבוז של 72%. כמה ליטרים חומצת מלח ברכיבוז של 72% נתקבלו?
- 3)** כמות מסויימת של כחול ברכיבוז של 30%עורבבה בכמות כחול, הגדולה ממנה ב-50 ליטרים ובריבcouz של 50%. לתערובת הוסיף 112.5 ליטרים של כחול נקי, ואז ריבcouz הכהול בתערובת היה 60%. כמה ליטרים כחול לקחו מהכמות הראשונה?
- 4)** בחבית אחת 6 ליטרים כחול ו- 10 ליטרים מים. בחבית שנייה 4.5 ליטרים כחול ו-2 ליטרים מים. כמה ליטרים נוזל יש לצקת מהחבית הראשונה לשניה, כדי שהבחית השנייה תהיה כמות שווה של כחול ושל מים?
- 5)** בחבית 100 ליטרים מים. מהחבית הוציאו x ליטרים של מים והכניסו חוזרת x ליטרים כחול נקי. אחר הוציאו פעם נוספת x ליטרים מהחבית, והכניסו חוזרת x ליטרים כחול נקי. לבסוף היה ריבcouz הכהול בחבית 36%. כמה ליטרים הוציאו מהחבית בכלל פעמיים?
- תשובות סופיות:**
- (1) 40 ליטרים לקחו מהים באילת. 10 ליטרים לקחו מים-המלח.
 - (2) 125 ליטרים.
 - (3) 100 ליטרים.
 - (4) 10 ליטרים.
 - (5) 20 ליטרים.